

Problème du trimestre n°34

proposé par Jean-Marie DIDRY (VANDEOEUVRE LES NANCY)

L'énoncé suivant est un « classique » de terminale : par tout point M du « petit » arc AB du cercle circonscrit au triangle équilatéral ABC, $MA + MB = MC$.

Plus généralement, démontrer que pour tout point M du « petit » arc A_1A_2 du cercle circonscrit à un polygone régulier $A_1A_2A_3... A_{2n+1}$ on a :

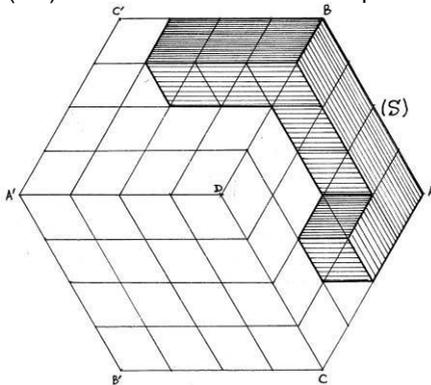
$$MA_1 + MA_2 = \sum_{k=3}^{2n+1} (-1)^{k+1} MA_k$$

Solution du problème n°33 (PETIT VERT de mars 1993)

proposé par André VIRICEL (VILLERS LES NANCY)

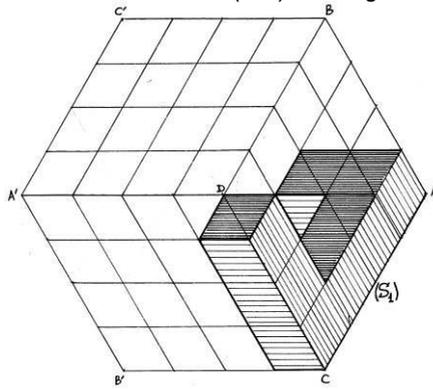
La vue ci-après est la projection sur le plan horizontal d'un cube d'arête $4a$ dont la diagonale DD' est verticale. On y a placé 7 cubes d'arête a formant un solide (S).

- 1) On fait tourner (S) de 120° autour de la diagonale AA' , B venant en C. Dessiner le solide (S_1) obtenu.
- 2) Soit (S') le symétrique de (S) par rapport au centre O du cube ; dessiner (S') .
- 3) Dessiner $(S_1) \cup (S')$. On éclaire ce solide par un faisceau de rayons parallèles à la droite (BD) : dessiner son ombre sur le plan horizontal.

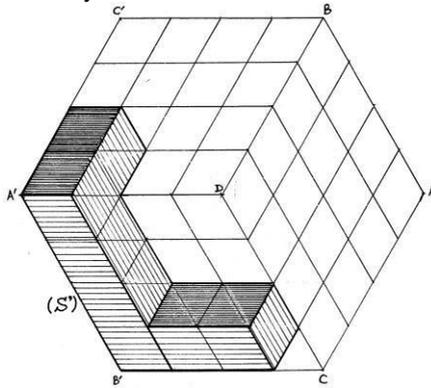


Solution : figures réalisées par Jacques **VERDIER** et Michel **VÉRY** (Lycée Varoquaux, TOMBLAINE)

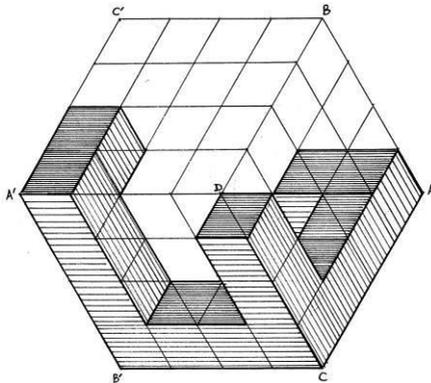
(S₁), image de (S) dans la rotation d'axe (AA') et d'angle 120° :



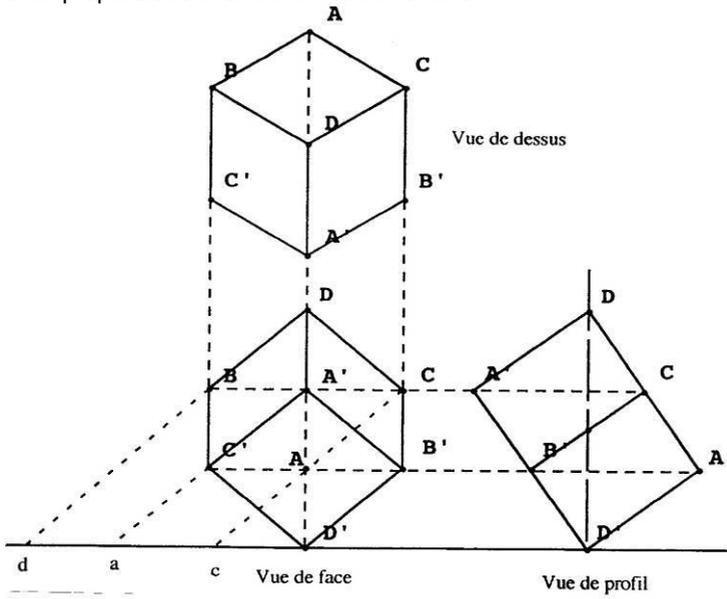
(S'), image de (S) dans la symétrie de centre O :



(S₁) ∪ (S') :



Travail préparatoire à la recherche de l'ombre :



Dessin de l'ombre :

