Le bulletin de l'APMEP - N° 540

AU FIL DES MATHS

de la maternelle à l'université...

Édition Avril, Mai, Juin 2021





Association des Professeurs de Mathématiques de l'Enseignement Public

ASSOCIATION DES PROFESSEURS DE MATHÉMATIQUES DE L'ENSEIGNEMENT PUBLIC

26 rue Duméril, 75013 Paris Tél. : 01 43 31 34 05 - Fax : 01 42 17 08 77 Courriel : secretariat-apmep@orange.fr - Site : https://www.apmep.fr Présidente d'honneur : Christiane Zehren



Au fil des maths, c'est aussi une revue numérique augmentée : https://afdm.apmep.fr

version réservée aux adhérents. Pour y accéder connectez-vous à votre compte via l'onglet Au fil des maths (page d'accueil du site) ou via le QRcode, ou suivez les logos **D**.

Si vous désirez rejoindre l'équipe d'*Au fil des maths* ou bien proposer un article, écrivez à aufildesmaths@apmep.fr

Annonceurs : pour toute demande de publicité, contactez Mireille GÉNIN mcgenin@wanadoo.fr

À ce numéro est joint le BGV nº 218 spécial « Journées Nationales »

Ce numéro d'Au fil des maths a exceptionnellement été envoyé

aux abonnés à la version numérique

ÉQUIPE DE RÉDACTION

Directeur de publication : Sébastien PLANCHENAULT.

Responsable coordinatrice de l'équipe : Lise MALRIEU.

Rédacteurs : Vincent Beck, François Boucher, Richard Cabassut, Séverine Chassagne-Lambert, Frédéric De Ligt, Mireille Génin, Cécile Kerboul, Valérie Larose, Alexane Lucas, Lise Malrieu, Daniel Vagost, Thomas Villemonteix, Christine Zelty.

« Fils rouges » numériques : François BOUYER, Gwenaëlle Clément, Nada Dragovic, Laure Étévez, Marianne Fabre, Robert Ferréol, Yann Jeanrenaud, Céline Monluc, Christophe Romero, Agnès Veyron.

Illustrateurs : Pol LE GALL, Olivier LONGUET, Jean-Sébastien MASSET.

Équipe T_EXnique : Michel Bedel, François Couturier, Isabelle Flavier, Anne Нéам, François Pétiard, Guillaume Seguin, Sébastien Soucaze, Sophie Suchard, Michel Suquet. **Maquette** : Olivier Reboux.

Votre adhésion à l'APMEP vous abonne automatiquement à Au fil des maths.

Pour les établissements, le prix de l'abonnement est de 60 € par an. La revue peut être achetée au numéro au prix de 15 € sur la boutique en ligne de l'APMEP.

APME



GeoGebra Classroom

Le logiciel GeoGebra est bien connu, couteau suisse des mathématiques outillées, incontournable pour modéliser ou représenter. Au printemps dernier, GeoGebra a ajouté une nouvelle fonctionnalité à sa plateforme en ligne qui peut s'avérer très utile en distanciel mais aussi en présentiel : GeoGebra Classroom.

Vincent Pantaloni

.....

Quelques rappels : le logiciel Geogebra s'est enrichi année après année de fonctionnalités. D'abord dédié à la géométrie dynamique 2D puis 3D, faisant le lien entre objets algébriques et géométriques, sont ensuite apparus les affichages avec tableur, calculateur de probabilités ou de paramètres statistiques ou encore de calcul formel. On peut l'utiliser sur un ordinateur, en application sur *smartphone* ou tablette mais aussi en ligne sur la plateforme geogebra.org 2 qui s'est développée ces dernières années (anciennement geogebra tube). Sur geogebra.org on trouve plus d'un million de ressources et on peut y déposer ses appliquettes GeoGebra si l'on s'est au préalable créé un compte.

La plateforme GeoGebra.org

On peut y rechercher une activité sur un thème donné, soit avec la barre de recherche proposée (mais on ira plus vite via un moteur de recherche avec le mot clef GeoGebra) soit par une recherche thématique via un arbre de choix dynamique assez efficace.



Une fois que l'on a trouvé une activité qui nous plaît, comme cette appliquette de Christian Mercat qui propose une modélisation avec ajustement exponentiel, on accède, en haut à droite, dans le menu « trois points », à différentes actions. On peut aussi, c'est la nouveauté, « créer une classe ».

| ≡ Ge¢Gebra | | CRÉER UNE CLASSE | : |
|--|--|---|-------|
| Ajustement exponentiel | \bigcirc | Favori Partager | |
| Thème : Allure de Courbe, Fonctions Exponentielles, F | 0 | Ouvrir avec l'appli GeoG | Gebra |
| Une affiche de Soldes, avec le mot Soldes de différent | | Copier Activité | |
| l'alignement des lettres? | 0 | Infos | |
| | s sordes sordes so ordes sordes sord jes sordes sord | A characterization of the second state of the | C |

Copier l'activité permet de se l'approprier en la copiant dans son compte GeoGebra et d'avoir alors les droits d'édition. Vous remarquerez que le menu « trois points » comporte alors plus de possibilités (en particulier Éditer l'activité) et que la copie indique mon nom comme co-auteur à côté de celui de Christian Mercat.







Avec les droits d'édition, on peut directement modifier en ligne l'appliquette GeoGebra mais aussi créer une véritable fiche d'activité pour les élèves en ajoutant différents blocs. On peut enrichir l'activité avec du texte, des questions (sous forme de question ouverte ou de QCM), des images, des vidéos, un document pdf, ou encore une autre appliquette GeoGebra.

| + AJOUTER UN ÉLÉMENT |
|--|
| Texte er et Fermer An Vidéo |
| GeoGebra Partagée |
| Notes Pour régler la Fichier PDF ¹ e" : sauvegar Merci de noter de ressources ne peuvent |
| Question attachée à un propublic. Reliens |

Une nouveauté : on peut insérer un applet Notes qui permet à l'élève de s'exprimer librement ou au professeur de présenter un contenu mixte comme sur un tableau. Dans un canevas vierge ou avec une figure, on peut écrire du texte, des équations, annoter une figure, insérer un lien voire une vidéo et même développer un calcul avec l'application Graspable Maths comme ci-dessous.

1. Liens vers ces livrets : \square et \square .

un devoir en temps libre ou même un cours dynamique en ligne. Diverses activités créées peuvent être regroupées dans un livret GeoGebra organisé en chapitres. Par exemple, pour l'enseignement scientifique de Première et de Terminale, deux livrets GeoGebra¹ accompagnant les ressources mathématiques disponibles sur Éduscol ont été créés. Chaque chapitre correspond à un sous-thème du programme et comporte plusieurs activités.

On peut ainsi créer une activité de découverte,



Tout cela était déjà possible depuis quelque temps et le partage d'une activité avec des élèves se faisait généralement par l'url, par exemple, pour l'activité de Christian Mercat : **D**.

Il était cependant compliqué de récupérer le travail effectué par les élèves et impossible de voir leur travail en direct. C'est pourquoi GeoGebra a développé GeoGebra Classroom qui a vu le jour au printemps 2020, à point nommé pour le distanciel imposé par le confinement.

40





GeoGebra Classroom

N'importe quelle activité ou même livret Geo-Gebra en ligne peut maintenant être partagé sous forme de « Classe ». On peut d'ailleurs créer plusieurs classes à partir d'une même activité, pour des groupes d'élèves différents. Après avoir créé une activité pour ses élèves contenant par exemple un énoncé, des appliquettes GeoGebra et des questions, on accède en cliquant sur « Créer une Classe » à une interface qui regroupera l'ensemble des travaux des élèves et permettra de voir en direct leur activité sur les appliquettes et leurs réponses aux questions.



On invite alors les élèves dans la classe en leur partageant un lien ou un code (qui est le suffixe de l'url).



Chaque élève voit son activité comme vous l'avez créée et Classroom offre à l'enseignant une interface pour voir l'avancement du travail des élèves. Chaque appliquette GeoGebra ou question dans une activité devient une « tâche » dans Classroom et elles y sont numérotées. La vue d'ensemble indique là où en est chaque élève avec une barre d'avancement. En cliquant sur l'imagette d'un élève, on voit l'ensemble de son travail sur les différentes tâches, comme on lirait sa copie. On peut aussi visualiser le travail de l'ensemble de la classe sur une tâche donnée. Pour une appliquette GeoGebra ou une question ouverte, on voit une imagette par élève avec une miniature réactualisée toutes les quatre secondes, donc quasiment en direct. On a la possibilité, en cliquant sur une miniature d'appliquette d'un élève, de la voir en grand et de la manipuler. Cela ne modifie pas son travail mais permet par exemple de vérifier si la construction est correcte.

| e d'ensemble de la classe | Tâche 1 | | | |
|---------------------------------------|--|-------------------------------------|------------------------|--------------------------|
| Activité (I). Minimisation des pertes | Activité: 2.3. Activité (1). Mini | misation des pertes par effet Joule | e. Situation problème. | |
| Táche 1 | | | | II PAUSE 资 ANONYMIS |
| Táche 2 | Concession of the local division of the loca | frankers from | | (Town Appropriate Street |
| Táche 3 | | | | |
| Activité (2). Minimisation des perte | | | | - Los |
| | | | 1 | |
| | Géraldine | Kevin | Amarena | Gaël |
| | | | | |
| | | | | |
| | | 1 1 1 | | |
| | Charles | Aurélie | Nicolas | Vincent |
| | formation 12 | - | 21 | 200 |

Pour les QCM, l'interface donne un diagramme en barres lui aussi actualisé en temps réel de l'ensemble des réponses de la classe.



41

GeoGebra Classroom

| ue d'ensemble de la classe | Tâche 3 Activité: 2.3. Activité (1). Minimis | ation des pertes par effet Joule. Si | tuation problème. | |
|---|--|---|-------------------|-------------------|
| Täche 1 | | | II PAUSE | AFFICHER LES NOMS |
| Táche 2 | A vue de nez. On observe une courbe qui a cet | e allure : 🍠 | | |
| Täche 3 | De quel type de courbe s'agit-il v | raisemblablement ? | | |
| 3. Activité (2). Minimisation des perte | Une parabole | Une parabole. Mais on ne peut pas être sûr | Hyperbole | Parabolle |
| | Élève 1 | Élève 2 | Élève 3 | Élève 4 |
| | C'est un peu comme la courbe de la fonction carré x $ \stackrel{\scriptstyle \leftarrow}{\rightarrow} x^2$ | Parabolique | Droite | parabole |
| | Élève 5 | Élève 6 | Élève 8 | Élève 9 |

Plusieurs nouvelles fonctionnalités ont été ajoutées depuis la mise en service de GeoGebra Classroom, en particulier la possibilité d'anonymiser la vue enseignant (ce qui est utile pour faire un bilan à la classe, cf. image de la tâche 3) ou plus récemment de faire pause. Mettre l'activité en pause permet en classe comme à distance d'avoir l'attention des élèves au moment de leur communiquer des informations et de les laisser reprendre ensuite, mais aussi de mettre un arrêt au travail des élèves, en particulier pour un devoir à faire hors la classe.

Quels usages pour l'enseignant?

On peut imaginer bien des usages de GeoGebra Classroom. En distanciel, cela permet de dynamiser une visio en proposant une manipulation d'appliquette ou des guestions et de réellement savoir ce que fait chaque élève. En présentiel, lors d'une séance classique de travaux dirigés, cela facilite le partage de l'activité avec la classe (inutile de distribuer un fichier GeoGebra sur l'ENT, il suffit de donner un lien ou un code) et permet ensuite à l'enseignant de revoir après la séance ce que tous les élèves ont fait. Ensuite l'interface enseignant projetée au tableau permet d'animer en classe entière un retour sur l'activité. On peut aussi donner à utiliser GeoGebra Classroom en dehors de la classe, soit pour proposer un devoir, soit pour un travail d'exploration ou de modélisation préparatoire à une activité mathématique plus classique en classe. Dans ces cas, la super-

vision en direct du travail n'est plus utile mais la possibilité d'avoir sur une même page l'ensemble des travaux des élèves est très appréciable. Si vous avez déjà récupéré une trentaine de fichiers GeoGebra d'élèves (avec des noms de fichiers parfois mystérieux) pour ensuite les ouvrir un par un afin de vérifier les constructions des élèves, vous savez à quel point cela est un gain de temps ! La mutualisation et le partage sont facilités puisqu'une même activité peut donner naissance à autant de classes que l'on souhaite. On peut imaginer un compte GeoGebra par établissement ou par académie qui agrège des ressources rangées en livrets par niveau ou par thème dans lesquelles les enseignants peuvent piocher les activités à donner à leurs élèves. Ce travail est en cours dans l'académie de Versailles avec le nouveau compte académique acvereuler où l'on trouvera des ressources et des tutoriels **D**.



Ressources en ligne

- Tutoriel GeoGebra Classroom (en français) 🔼
- Site IREM-TICE pour des livrets, exerciseurs et tutoriels
- Créer des animation avec GeoGebra. Vincent Pantaloni (mis en ligne sur le site de l'APMEP Île-de-France le 29 juin 2020)

••••••

Vincent Pantaloni est inspecteur de mathématiques (IA-IPR) dans l'académie de Versailles et membre de la Commission inter-IREM TICE. Sur Twitter : @VPantaloni D.

© APMEP Juin 2021

Sommaire du nº 540

🙆 Maths en scène 丨

| Éditorial | 1 |
|--|----|
| Opinions | 3 |
| Apprendre à faire, apprendre à penser — Sylvie Grau | 3 |
| 🔦 Un incroyable <i>Very Math Trip</i> — Manu Houdart | 11 |
| Avec les élèves | 19 |
| Maths en scène 2020, le virus s'invite — Claudie Asselain-Missenard | 19 |
| 🔦 La chaîne Scienticfiz — Gilles Gourio | 25 |
| 🔦 ÉloquenSciences — Houria Lafrance | 29 |
| Mathématiques et théâtre — Anne Rougée & Isabelle Galloni | 35 |
| 🔦 GeoGebra Classroom — Vincent Pantaloni | 39 |
| Ouvertures | 43 |
| Proportionnalité et fonction linéaire — Daniel | 13 |

| | Oral en mathématiques et résolution de problèn | nes |
|---|--|-----------|
| | aux cycles 2 et 3 — Christine Choquet | 55 |
| | Des énigmes pour s'initier à la cryptographie | 6 E |
| | | 05 |
| | Petite enquête sur l'égalité (I) — François Bouchor | 72 |
| | boucher | /3 |
| F | Récréations | 81 |
| | | |
| | Longuet | ler 81 |
| | Au fil dos problèmos - Erédéris do List | ол |
| | Au in des problemes — Frederic de Ligi | 04 |
| ŀ | Au fil du temps | 87 |
| | | |
| | Le CDI de Marie-Ange — Marie-Ange Ballereau | 87 |
| | Une mise au point sur un article du <i>Point</i> — And | lré |
| | Bonnet | 89 |
| | Matériaux pour une documentation | 91 |



CultureMATH





