

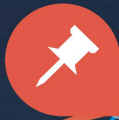
Le bulletin de l'APMEP - N° 539

AU FIL DES MATHS

de la maternelle à l'université...

Édition Janvier, Février, Mars 2021

Maths à distance : quelle continuité ?



APMEP

Association des Professeurs de Mathématiques de l'Enseignement Public

ASSOCIATION DES PROFESSEURS DE MATHÉMATIQUES DE L'ENSEIGNEMENT PUBLIC

26 rue Duméril, 75013 Paris

Tél. : 01 43 31 34 05 - Fax : 01 42 17 08 77

Courriel : secretariat-apmep@orange.fr - Site : <https://www.apmep.fr>

Présidente d'honneur : Christiane ZEHREN



Au fil des maths, c'est aussi une revue numérique augmentée :
<https://afdm.apmep.fr>

version réservée aux adhérents. Pour y accéder connectez-vous à votre compte via l'onglet *Au fil des maths* (page d'accueil du site) ou via le QRcode, ou suivez les logos ▶.

Si vous désirez rejoindre l'équipe d'*Au fil des maths* ou bien proposer un article, écrivez à aufildesmaths@apmep.fr

Annonces : pour toute demande de publicité, contactez Mireille GÉNIN mcgenin@wanadoo.fr

ÉQUIPE DE RÉDACTION

Directeur de publication : Sébastien PLANCHENAU.

Responsable coordinatrice de l'équipe : Lise MALRIEU.

Rédacteurs : Vincent BECK, François BOUCHER, Richard CABASSUT, Séverine CHASSAGNE-LAMBERT, Frédéric DE LIGT, Mireille GÉNIN, Cécile KERBOUL, Valérie LAROSE, Alexane LUCAS, Lise MALRIEU, Daniel VAGOST, Thomas VILLEMONTAIX, Christine ZELTY.

« **Fils rouges** » **numériques** : François BOUYER, Gwenaëlle CLÉMENT, Nada DRAGOVIC, Laure ÉTÉVEZ, Marianne FABRE, Robert FERRÉOL, Yann JEANRENAUD, Christophe ROMERO, Agnès VEYRON.

Illustrateurs : Pol LE GALL, Olivier LONGUET, Jean-Sébastien MASSET.

Équipe T_EXnique : François COUTURIER, Isabelle FLAVIER, Anne HÉAM, François PÉTIARD, Guillaume SEGUIN, Sébastien SOUCAZE, Sophie SUCHARD, Michel SUQUET.

Maquette : Olivier REBOUX.

Votre adhésion à l'APMEP vous abonne automatiquement à *Au fil des maths*.

Pour les établissements, le prix de l'abonnement est de 60 € par an.

La revue peut être achetée au numéro au prix de 15 € sur la boutique en ligne de l'APMEP.

Mise en page : François PÉTIARD

Dépôt légal : Mars 2021

Impression : Imprimerie Corlet.

ZI, rue Maximilien Vox BP 86, 14110 Condé-sur-Noireau ISSN : 2608-9297

Thalès et ses mystères

Thalès, ce célèbre inconnu ? Grâce à Pierre Legrand, allons au-delà du mythe pour découvrir l'homme et ses travaux, ainsi que les premières démonstrations du fameux théorème auquel il a laissé son nom.

Pierre Legrand

En France, les théorèmes les plus connus des non-mathématiciens sont le théorème de Pythagore et le théorème de Thalès, les deux stars de la géométrie du collège. Mais leur statut social est très différent. Le premier bénéficie d'une indulgence amusée ; chacun ou presque a entendu seriner au moins une fois le fameux quatrain :

*Le carré de l'hypoténuse
Est égal si je ne m'abuse
À la somme des carrés
Des deux autres côtés.*

Le théorème de Thalès, que personne n'a mis en vers, a moins bonne réputation et son énoncé est nettement moins facile à appréhender. Il constitue donc une cible de choix pour qui n'aime pas les mathématiques. En 2005, au moment des violentes controverses sur le projet de *socle commun*, Philippe Meirieu, qui fut un proche conseiller de notre ministère, n'hésitait pas à écrire :

Il est plus important de connaître aujourd'hui la différence entre le civil et le pénal que de savoir résoudre [sic] le théorème de Thalès.

Faut-il pour autant en conclure que le citoyen moyen passe plus de temps devant la justice que devant une carte ou un plan ?

Le théorème ainsi vilipendé est à la base de l'homothétie (et, sur le plan pratique, de la réduction d'une figure). Il constitue donc un des piliers de la géométrie élémentaire, ce qui explique qu'il ait

reçu un nom permettant de le reconnaître sans avoir à l'énoncer par le menu. Mais ce nom est-il justifié ? Et d'abord qui était Thalès ?

Thalès, illustre et mal connu

Thalès de Milet¹ aurait vécu vers l'an 600 avant notre ère, donc deux siècles avant Platon, trois siècles avant Euclide.



Il ne nous reste aucun écrit de lui ; il est fort possible d'ailleurs que son enseignement ait été uniquement oral. Il n'empêche que le personnage fut vénéré tout au long de l'Antiquité gréco-romaine comme un des pionniers de la science et de la philosophie, cette dernière étant entendue au sens large : recherche de la sagesse et de la connaissance. Il fut le fondateur de l'École milésienne de philosophie, la première du genre, et eut de nombreux disciples.

1. Milet était une ville de la diaspora grecque, près de la mer, dans le sud-ouest de l'actuelle Turquie.



Cette représentation de Thalès enseignant est due au peintre allemand Christoph Schwartz, actif dans la seconde moitié du xv^e siècle. On notera que le grand homme est représenté en philosophe et non en mathématicien : il ne tient pas un compas, une équerre ou une sphère, mais un livre.

Il ne subsiste sur sa vie et son œuvre aucun texte qui lui soit contemporain. La première mention que nous ayons de lui figure dans les *Histoires*² d'Hérodote (écrites vers -450, donc un bon siècle plus tard). Selon ce dernier, qui attribue à Thalès une origine phénicienne, celui-ci aurait accompagné les armées de Crésus lors d'une campagne dans l'actuelle Turquie. Sa prédiction d'une éclipse de soleil aurait assuré le gain d'une bataille et, par la suite, il aurait réussi à détourner le cours d'un fleuve, infranchissable à gué, pour permettre le passage des troupes du roi.

Le second témoignage que nous possédons a été écrit vers -390. C'est le *Protagoras* de Platon³, qui cite Thalès comme le premier des fameux *Sept Sages* de la Grèce antique. Platon le mentionne encore, de façon un peu moins élogieuse, dans le *Théétète*⁴ :

Thalès étant, mon cher Théodore, tombé dans un puits, tandis qu'oc-

cupé d'astronomie il regardait en l'air, une petite servante⁵ thrace, toute mignonne et rieuse, se mit, dit-on, à le railler de mettre tant d'ardeur à savoir ce qui est au ciel, alors qu'il ne s'apercevait pas de ce qu'il y avait devant lui à ses pieds⁶.

Si distrait qu'il fût, Thalès devait quand même avoir les pieds sur terre car Aristote, dans sa *Politique*⁷ écrite vers -350, lui attribue une habile spéculation sur les pressoirs à olives qui lui aurait valu une fortune.

Selon Aristote⁸ encore, Thalès enseignait que l'eau était le principe fondamental de l'Univers et que la Terre reposait sur l'eau, flottant « immobile à la manière d'un morceau de bois ».

Les textes antérieurs à notre ère dressent ainsi le portrait d'un personnage à la curiosité universelle, à la fois penseur et homme d'action. Mais les mentions d'une activité proprement géométrique ne sont arrivées qu'un demi-millénaire après sa mort, dans la seconde moitié du premier siècle de notre ère.

Dans son *Histoire naturelle*⁹, Pline l'Ancien est peu explicite :

Thalès de Milet a trouvé une méthode pour mesurer la hauteur [des pyramides] en mesurant leur ombre à l'heure où elle est régulièrement égale à son objet.

Dans *Le Banquet des Sept Sages*¹⁰, Plutarque est plus précis.

Dressant seulement à plomb un bâton au bout de l'ombre de la pyramide et

2. *Histoires*, livre I, § 74 et 75.

3. *Protagoras* § 28.

4. *Théétète* § 174.

5. Cette mésaventure de Thalès a été reprise par Diogène Laërce (III^e siècle de notre ère), mais la jeune fille y est devenue une vieille femme. En six siècles, elle avait eu le temps de prendre de l'âge !

6. L'anecdote se retrouve (sans le nom de Thalès) chez La Fontaine (Livre II, fable 13), qui semble s'être inspiré non de Platon, mais d'Ésope.

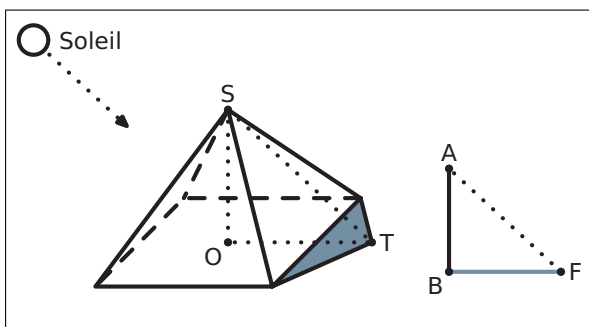
7. Livre I, chapitre 11, § 1259.

8. *Traité du ciel*, II, chapitre 13.

9. Livre XXXVI, chapitre 17 ▶.

10. § 2, ▶.

se faisant deux triangles avec la ligne que fait le rayon du soleil touchant aux deux extrémités, tu montras qu'il y avait telle proportion de la hauteur de la pyramide à celle du bâton, comme il y a de la longueur de l'ombre de l'un à l'ombre de l'autre.



Pline : si $BF = BA$, alors $OS = OT$.

Plutarque : $\frac{OS}{BA} = \frac{OT}{BF}$.

Remarque : une translation amenant B en O renvoie à la « configuration de Thalès » de nos programmes.

Ce que Plutarque attribue à Thalès n'est donc pas exactement le théorème auquel son nom est accolé dans nos manuels mais, ce qui en est très proche, une première application de l'homothétie.

Selon Diogène Laërce (III^e siècle de notre ère), l'historienne romaine Pamphila, contemporaine de Néron, affirmait que Thalès « fut le premier [...] à avoir inscrit dans un cercle le triangle rectangle, et sacrifia un bœuf en l'honneur de sa découverte »¹¹.

Plus tard encore, au cinquième siècle, Proclus, dans son *Commentaire sur le premier livre d'Euclide*, écrit que la géométrie, née en Égypte¹², fut importée en Grèce par Thalès, qui « l'enrichit de nombreuses découvertes ». Dans le même ouvrage, il indique quelques-unes de celles-ci :

- tout diamètre partage le cercle en deux parties égales ;
- les angles à la base d'un triangle isocèle sont égaux ;
- deux angles opposés par le sommet sont égaux ;
- deux triangles ayant un côté égal compris entre deux angles égaux sont égaux (ce qui, dit Proclus, permet de déterminer la distance des navires en mer¹³).

De siècle en siècle, la légende de Thalès s'est ainsi enrichie : on lui a attribué de plus en plus de découvertes, de théories et de maximes. Citons pour le plaisir deux réflexions désabusées que lui prête Diogène Laërce.

Sur la sagesse « *Quelle est, lui disait-on, la chose la plus difficile ? — Se connaître soi-même. — La plus aisée ? — Donner des conseils* ».

Sur le mariage Thalès jeune : « *Il n'est pas encore temps* » ; Thalès vieux : « *Il n'est plus temps* ».

Pour en finir avec sa biographie, disons un mot de sa mort. Selon Diogène Laërce encore, il connut un trépas peu commun : « *Le sage Thalès contemplait les jeux de la lutte, lorsque tu l'enlevas du milieu du stade, Zeus, dieu de la lumière !* ».

L'énoncé et la démonstration du théorème selon Euclide

L'anecdote de la pyramide a quelque vraisemblance, mais si elle est authentique une chose est sûre : Thalès n'a pas donné de justification à sa méthode. La géométrie de l'époque était une science d'observation, non le déroulement d'une pensée logique.

La première formulation explicite et la première démonstration connues figurent dans les *Éléments* d'Euclide, écrits trois siècles plus tard. C'est la proposition II du livre VI.

11. Les œuvres de Pamphila sont perdues. L'historien Carl Boyer affirme que cette propriété était de longue date connue des Babyloniens.

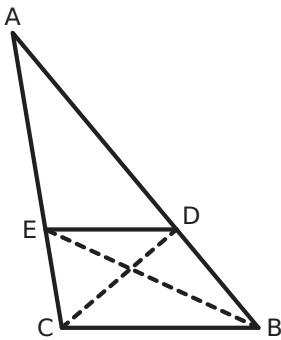
12. Cette origine égyptienne de la géométrie est déjà affirmée par Hérodote, qui vivait un bon siècle avant Euclide.

13. Cette mesure de la distance d'un objet inaccessible repose en fait sur la similitude (ou l'homothétie) des triangles.

PROPOSITION II.

THÉORÈME.

Si l'on conduit une droite qui soit parallèle à un des côtés d'un triangle, cette droite coupera proportionnellement les côtés de ce triangle; et si deux côtés d'un triangle sont coupés proportionnellement, la droite qui joindra les sections sera parallèle au côté restant du triangle.



Résumons le raisonnement d'Euclide. Les triangles AED et DEB ont même hauteur issue de E, donc $\frac{\text{aire AED}}{\text{aire DEB}} = \frac{AD}{DB}$; de même $\frac{\text{aire AED}}{\text{aire DEC}} = \frac{AE}{EC}$.

Mais DEB et DEC ont même base [ED] et même hauteur, la distance des deux parallèles (ED) et (CB). On a donc bien $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$.

Ce raisonnement repose sur le calcul de l'aire de DEB et DEC de deux façons différentes : pour DEB par exemple, on utilise le demi-produit de la base par la hauteur en utilisant successivement comme base [DB] et [ED]. Il est parfaitement correct et d'une belle simplicité, ce qui fait qu'il a été reproduit tel quel pendant près de deux millénaires.

La réciproque se démontre par identification. On reprend la même figure. Il faut prouver que si $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$, alors (DE) et (BC) sont parallèles. Si C' est le point d'intersection avec (AC) de la parallèle à (DE) issue de B, on a, d'après le théorème direct, $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC'}$ et donc $\frac{AE}{EC} = \frac{AE}{EC'}$, ce qui fait que C et C' sont confondus.

Une démonstration parfaite, mais...

Le raisonnement ci-dessus est simple, convaincant et, dans le cadre de l'axiomatique implicite propre à l'œuvre d'Euclide, parfaitement rigoureux. Énoncé et démonstration ont d'ailleurs été pieusement conservés, sans concurrence aucune, pendant près de deux millénaires.

Il n'empêche que passer par les aires pour établir un résultat portant sur les rapports de longueurs a un je ne sais quoi d'artificiel qui contraint l'auteur des *Éléments* à quelques contorsions : si la théorie des parallèles est exposée dès le livre I, il faut attendre le livre VI pour voir arriver le théorème « de Thalès ».

Une telle démarche justifie les reproches¹⁴ faits à Euclide par Antoine Arnauld et Pierre Nicole dans la *Logique* de Port-Royal (1662) : faire des « démonstrations tirées par des voies trop éloignées » et « n'avoir aucun soin du vray ordre de la nature ».

Si nous appelons *version 1* la version d'Euclide, il était donc naturel de voir un jour apparaître une *version 2* rivale dont le raisonnement soit fondé uniquement sur des rapports de longueurs, sans référence aux aires.

La version 2

Avant d'en faire l'historique, décrivons ce nouveau mode de présentation. Voici d'abord la forme de son énoncé tel que l'a donné en 1898 Hadamard, qui qualifie ce théorème de « *fondamental* » :

Deux sécantes quelconques sont coupées en parties proportionnelles par des droites parallèles.

14. Voir dans *Au fil des maths*, n° 530, l'article « Élémentaire, mon cher Euclide! » ►

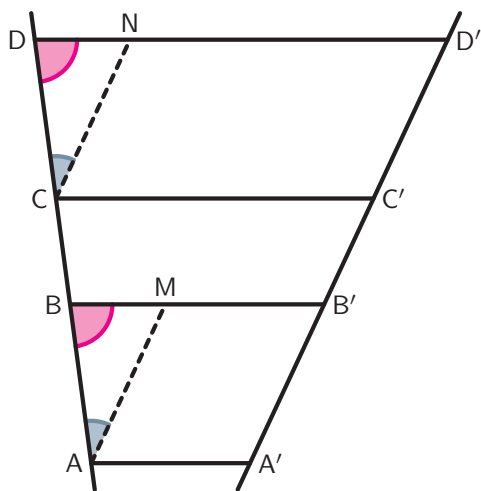
En termes plus modernes :

La projection d'une droite sur une autre parallèlement à une direction donnée conserve les rapports de longueur (autrement dit, c'est une application affine).

La démonstration est en trois étapes

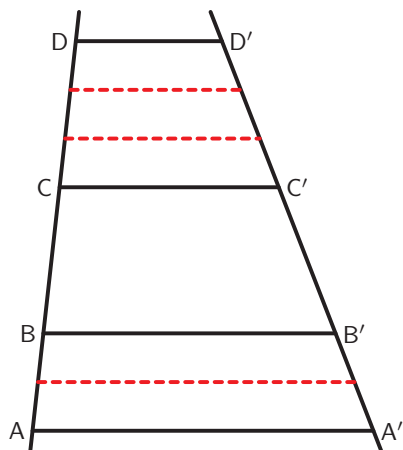
Deux droites étant données, on prend sur l'une quatre points A, B, C et D et sur l'autre quatre points A', B', C' et D' tels que (AA'), (BB'), (CC') et (DD') soient parallèles.

Étape 1. On suppose $AB = CD$. On mène par A et C les parallèles à la droite (A'D'). Les triangles ABM et CDN ont un côté égal compris entre deux angles égaux. Ils sont donc « égaux ». On a donc $AM = CN$.



La considération des parallélogrammes $AMB'A'$ et $CND'C'$ montre alors que l'on a $CN = C'D'$ et $AM = A'B'$. Finalement $A'B' = C'D'$.

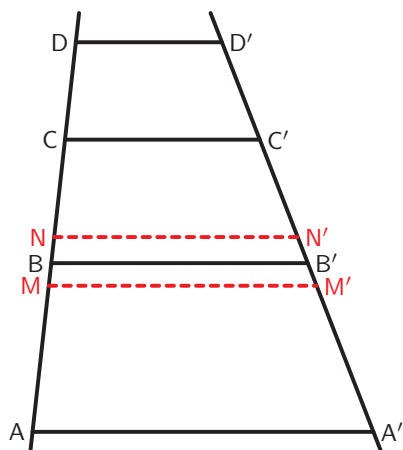
Étape 2. Supposons, les notations restant les mêmes, que $\frac{AB}{CD} = \frac{p}{q}$, où p et q sont deux entiers. On divise $[AB]$ en p parties égales et $[CD]$ en q parties égales, ce qui fait au total $p+q$ segments de même longueur.



En appliquant à chacun d'eux l'étape 1, on arrive à diviser $[A'B']$ en p parties et $[C'D']$ en q parties, ces $p+q$ parties étant d'après l'étape 1 toutes de même longueur, ce qui prouve que $\frac{A'B'}{C'D'} = \frac{p}{q}$.
N.B. : la figure correspond à $p = 2$ et $q = 3$.

Étape 3. Supposons maintenant, avec toujours les mêmes notations, que l'on ait $\frac{AB}{CD} = r$, où r est irrationnel. Choisissons arbitrairement un entier n ; il existe un entier k tel que $\frac{k}{n} < r < \frac{k+1}{n}$.

Prenons sur $[AB]$ un point M tel que $\frac{AM}{CD} = \frac{k}{n}$ et, dans le prolongement de $[AB]$, un point N tel que $\frac{AN}{CD} = \frac{k+1}{n}$. Menons par M et N les parallèles à la direction projetante, qui coupent la droite (A'B') en M' et N'.



L'application de l'étape 2 donne $\frac{A'M'}{C'D'} = \frac{AM}{CD} = \frac{k}{n}$
 et $\frac{A'N'}{C'D'} = \frac{AN}{CD} = \frac{k+1}{n}$. Mais, puisque B est entre
 M et N, B' est entre M' et N'¹⁵.

On a donc $\frac{A'M'}{C'D'} < \frac{A'B'}{C'D'} < \frac{A'N'}{C'D'}$, autrement dit
 $\frac{k}{n} < \frac{A'B'}{C'D'} < \frac{k+1}{n}$.

On en déduit : $\left| \frac{A'B'}{C'D'} - \frac{AB}{CD} \right| < \frac{1}{n}$.

Ceci étant vrai¹⁶ pour tout n , on a bien :

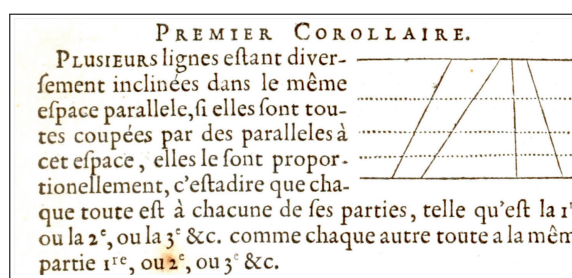
$$\frac{A'B'}{C'D'} = \frac{AB}{CD}.$$

Remarque : cette seconde version du théorème a un caractère plus général en apparence que la première, mais il est facile de voir que les deux énoncés sont équivalents.

La guerre des deux versions

La *version 2* est plus complexe dans sa démarche que la version d'Euclide, mais elle a le mérite de mieux respecter « le vrai ordre de la nature ».

Le pionnier en la matière a été Antoine Arnauld qui, dans le livre X de ses *Nouveaux Éléments de Géométrie* (1667) publiés cinq ans après sa *Logique* donne un énoncé et une démonstration radicalement différents de ceux d'Euclide (figure ci-dessous).



Son schéma de travail suit *grosso modo* le proces-
 sus en trois étapes détaillé plus haut à propos de
 la *version 2*, si ce n'est que la démarche d'Arnauld
 est assez sinueuse et présente une incontestable
 faiblesse dans le cas où les rapports de longueurs

envisagés sont irrationnels. Mais cela n'a pas
 empêché son point de vue d'être abondamment
 repris.

Le tome 2 (Géométrie) du *Cours de mathéma-
 tiques*¹⁷ de l'abbé Bossut (1775, date incertaine ;
 ouvrage plusieurs fois réédité) reprend le même
 schéma avec les mêmes faiblesses : complexité,
 manque de rigueur lorsque les rapports de lon-
 gueurs sont irrationnels (l'auteur va jusqu'à utili-
 ser une subdivision des segments en « une infinité
 de parties égales », page 64).

Les *Éléments de géométrie* de Legendre (1794),
 qui furent pendant plus d'un demi-siècle le prin-
 cipal texte de référence en matière d'enseigne-
 ment de la géométrie, reviennent à la *version 1*.
 Ce retour aux sources s'explique par le fait que
 l'ambition de Legendre était de faire en quelque
 sorte un Euclide revu et corrigé.

Contemporains¹⁸ de la *Géométrie* de Legendre,
 les *Éléments de géométrie à l'usage de l'École
 Centrale des Quatre Nations* de Lacroix en furent
 longtemps le seul concurrent sérieux. On y re-
 trouve la *version 2* avec, par rapport à Arnauld
 et Bossut, un effort de rigueur supplémentaire.

Cette même *version 2* se retrouve encore dans
 le *Traité de géométrie élémentaire* de Rouché et
 Comberousse (1866), autre beau succès d'édition.

Les *Leçons de géométrie élémentaire* d'Hada-
 mard (1898) donnent enfin à la *version 2* une
 forme irréprochable. Son raisonnement est celui
 qui a été exposé plus haut, à ceci près qu'il fu-
 sionne les étapes 2 et 3, ce qui n'en facilite pas la
 lecture.

Un franc-tireur

Clairaut, dans ses *Éléments de géométrie* (1741)
 a un cheminement très original : il s'agit moins
 de démontrer que de rendre plausible et intuitif.
 Sans faire référence à aucune des deux versions

15. Cette propriété de conservation de l'ordre par projection, explicite ici, est implicite chez Euclide.

16. Ce type de démonstration, qui remplace un passage à la limite par un jeu subtil d'inégalités, est inspiré de la *méthode d'exhaustion* qu'illustrèrent Euclide et surtout Archimède.

17. On trouvera le raisonnement sur le site gallica.bnf.fr aux pages 62 à 66 de l'édition portant la date 1800.

18. La première édition est de 1797 (en 1798 on en était déjà à la troisième).

du théorème « de Thalès », il introduit directement de façon intuitive les figures semblables (égalité des angles, proportionnalité des côtés).


Pour en finir avec l'histoire des deux démonstrations du théorème, notons que le problème du choix entre elles est de nos jours élégamment résolu d'une manière qui n'est pas sans rappeler le point de vue de Clairaut : programmes et manuels admettent le résultat.

La référence à Thalès

Euclide, qui ne cite jamais ses sources, ne mentionne évidemment pas le nom de Thalès à propos de ce théorème. Cette étiquette est apparue très tard. Une explication partielle en est que la notion d'homothétie s'est dégagée tardivement (le mot lui-même a été introduit par Chasles vers 1846) et qu'auparavant cet énoncé, n'étant pas considéré comme d'importance majeure, n'avait pas besoin d'un nom qui le signale particulièrement à l'attention. Le tracé des cartes et des plans reposait alors sur une idée informelle de la réduction des figures, ce qui apparaît très nettement dans le livre de Clairaut.

La formule « théorème de Thalès » semble être apparue dans l'édition 1883 du manuel de Rouché et Comberousse. Elle a mis du temps à s'imposer. La *Géométrie* d'Hadamard (1898) parle seulement de « *théorème fondamental* » ; il en est de même dans la seconde édition, datée de 1906. La grande réforme¹⁹ de 1902-1905 met au programme de troisième « triangles semblables » et « figures homothétiques », sans mentionner Thalès.

Il a fallu attendre les programmes de 1925 pour voir dans les textes officiels l'étiquette « théorème de Thalès ». Depuis lors cette étiquette ou sa variante « configuration de Thalès » ont été de tous les programmes. Une seule singularité : lors du bref interlude des *mathématiques modernes*, le théorème est devenu pour un temps « axiome de Thalès »²⁰.

19. Cf. dans le Bulletin de l'APMEP n° 522, l'article « Une réforme peut-elle être considérée comme réussie ? L'exemple de la réforme de 1902. » d'Éric Barbazo .

20. Pour plus de précisions, se reporter à la circulaire n° 71-370 du 22 novembre 1971 sur la géométrie en Quatrième et Troisième : dix-huit pages de délire axiomatique.

D'un pays à l'autre

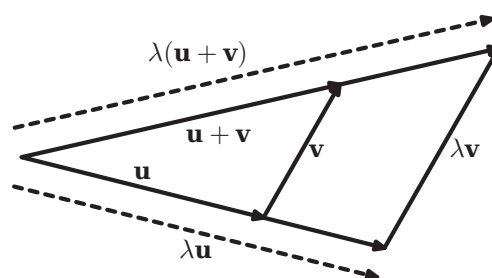
Si les pays latins ont adopté la même terminologie que nous, ce que nous appelons théorème de Thalès est pour les anglophones *Intercept Theorem* et pour les germanophones *Strahlensatz* (théorème des rayons). Il y a pourtant en anglais un *Thales's theorem* et en allemand un *Satz des Thales*, mais ces appellations recouvrent l'énoncé auquel faisait allusion Pamphila : « *Un triangle est rectangle en un sommet si et seulement si le côté opposé est un diamètre du cercle circonscrit* ». Il en est d'ailleurs de même en russe.

Axiome ou théorème ?

Nous avons donné dans ce qui précède deux démonstrations de la propriété dite de Thalès ; l'une et l'autre sont parfaitement cohérentes. . . une fois admis un certain nombre d'axiomes implicites. Cette propriété peut donc aussi bien être qualifiée de théorème que d'axiome selon la construction que l'on fait des débuts de la géométrie.

Si l'on envisage cette construction comme celle d'un espace affine associé au plan vectoriel \mathbb{R}^2 , l'ensemble de la propriété de Thalès et de sa réciproque n'est autre que la distributivité du produit par un scalaire par rapport à l'addition des vecteurs :

$$\lambda(\mathbf{u} + \mathbf{v}) = \lambda\mathbf{u} + \lambda\mathbf{v}.$$



Et Pythagore ?

Arrivé au terme de cet article, le lecteur peut se demander pourquoi je me suis aussi longuement attardé sur un théorème bien moins célèbre que « le carré de l'hypoténuse ».

L'explication est double. *Primo* : le *Bulletin* a déjà publié il n'y pas si longtemps deux articles²¹ sur la question. *Secundo* : ce que disent les textes anciens sur le personnage de Pythagore est moins du ressort de l'histoire que de la littérature fantastique. Le maître est censé entre autres avoir apprivoisé un aigle, avoir convaincu un ours de devenir végétarien et même avoir eu une cuisse en or.

Il m'a paru préférable de m'en tenir à un personnage plus classique dont on dit²², d'ailleurs, qu'il aurait rencontré le jeune Pythagore et lui aurait conseillé d'aller étudier auprès des prêtres égyptiens.

Références

- [1] Diogène Laërce. *Vies et doctrines des philosophes de l'Antiquité*. Pythagore : [▶](#); Thalès : [▶](#).
- [2] « Les Présocratiques ». In : *Bibliothèque de la Pléiade*. N° 345. Le premier chapitre est consacré à Thalès, le quatrième à Pythagore. On y trouve (dans le plus total désordre) l'essentiel de ce qui a été écrit sur eux dans l'Antiquité. Paris : Gallimard, 1988. ISBN : 2-07-011139-3.
- [3] Rudolf Bkouche. *Autour du théorème de Thalès*. [▶](#).
- [4] Henry Plane. « Une découverte française du xx^e siècle : le théorème de Thalès ». In : *Actes du Colloque Inter-IREM Géométrie*. [▶](#). Limoges, 1992.



Pierre Legrand a depuis longtemps un rôle actif au sein de l'APMEP. Il a écrit de nombreux articles dans le *Bulletin de l'association*.

pierre.legrand078@orange.fr

© APMEP Mars 2021

21. « Autour du théorème de Pythagore », dans le *Bulletin de l'APMEP* n° 515 (septembre 2015) [▶](#); « Deux démonstrations du théorème de Pythagore », *Bulletin de l'APMEP* n° 517 (janvier 2016) [▶](#).

22. Jamblique (fin du III^e siècle de notre ère), *Vie de Pythagore*.

Adhésion 2021

Ce numéro 539 d'*Au fil des maths* est le dernier que vous recevez si vous n'avez pas encore renouvelé votre adhésion pour l'année civile 2021.

Pour vous garantir l'envoi du numéro 540 en évitant des frais supplémentaires pour l'association, votre renouvellement doit être effectué avant le 15 mai.

Pour un renouvellement comme pour une première adhésion, rendez-vous sur la boutique en ligne !

En cas de difficulté, n'hésitez pas à joindre le secrétariat par courrier électronique à secretariat-apmep@orange.fr.

Abonnement sans adhésion 2021

Association des Professeurs de Mathématiques de l'Enseignement Public



Abonnement 2021 à *Au fil des maths* - le bulletin de l'APMEP

Abonnez-vous de préférence en ligne sur <https://www.apmep.fr>

NOM (établissement ou personne) :

Adresse :

Code Postal : Ville : Pays :

Téléphone : Adresse courriel :

Numéro de TVA intracommunautaire (s'il y a lieu) :

Adresse de livraison :

Adresse de facturation :

Catégorie professionnelle : étudiant stagiaire 1^{er} degré 2^e degré
 service partiel contractuel enseignant dans le supérieur, inspecteur

Pour toute question concernant la confidentialité des données, écrire à : contactrgpd@apmep.fr.

Abonnement à *Au fil des maths* - le bulletin de l'APMEP pour les établissements et les personnes qui n'adhèrent pas à l'APMEP. **L'abonnement seul ne donne ni la qualité d'adhérent, ni l'accès à la revue numérique** et ne donne pas lieu à une réduction fiscale. Cependant, les abonnés non adhérents bénéficient du tarif adhérent ou abonné pour l'achat de brochures de l'APMEP (réduction de 30 % sur le prix public). L'abonnement et l'adhésion peuvent être souscrits sur <https://www.apmep.fr>.

- 60 € TTC** pour la France, Andorre, Monaco, particuliers de l'Union Européenne, établissements européens qui n'ont pas de numéro de TVA intracommunautaire,
- 56,87 € TTC** pour les établissements européens ayant un numéro de TVA intracommunautaire,
- 65 € TTC** pour les DOM-TOM sauf Guyane et Mayotte (frais de port compris),
- 64 € TTC** pour la Guyane, Mayotte et les pays hors Union Européenne (frais de port compris).

Règlement : à l'ordre de l'APMEP (Crédit Mutuel Enseignant - IBAN : FR76 1027 8065 0000 0206 2000 151)

par chèque par mandat administratif par virement postal

Date : Signature : Cachet de l'établissement

Bulletin d'abonnement et règlement à renvoyer à : APMEP, 26 rue Duméril 75013 PARIS

secretariat-apmep@orange.fr

Sommaire du n° 539

Maths à distance : quelle continuité ?

Éditorial

Opinions

✦ Covid-19 : les défis en termes de ressources et de collaboration des enseignants — Luc Trouche

Évolution des populations en master MEEF de 2019 à 2024 — Louise Nyssen

Avec les élèves

Favoriser l'apprentissage de la géométrie — M.-F. Guissard, V. Henry, P. Lambrecht, P. Van Geet & S. Vansimpson

Le jeu Al-Jabr : le bonheur est dans les dés ! — Olivier Garrigue, Ricardo Lima & Jorge Rezende

✦ Utilisation de capsules vidéo et de Genially — Juliette Hernando

✦ Genèse de pratiques au temps du confinement — Maha Abboud, Isabelle Bois, Chrystèle Gautier, Caroline Girardot, Christine Jacquet, Faik Keles, Cécile Kerboul, Marie-Noëlle Lamy, Anne Pinvidic & Fabien Sommier

1 ✦ Faire des élèves des *gamers* en maths — Nathalie Braun 40

3 Se coller aux « Khôlles » — Serge Radeff 44

3 Ouvertures 51

Dessin en perspective et géométrie dans l'espace — Daniel Lehmann 51

16 Petite enquête sur... — François Boucher 63

Petite enquête sur les compétences en calcul à l'entrée dans le Supérieur — François Boucher 64

16 Récréations 71

21 Le théorème des carpettes — Yves Farcy 71

28 Au fil des problèmes — Frédéric de Ligt 77

28 Au fil du temps 80

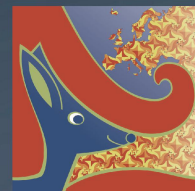
Thalès et ses mystères — Pierre Legrand 80

Le CDI de Marie-Ange — Marie-Ange Ballereau 88

33 Matériaux pour une documentation 90



CultureMATH



APMEP

www.apmep.fr